

Di., 23.06.2020 (B)

$$\frac{2x+3}{x-5}$$

$$D = \text{"alle Zahlen außer Nullstellen des Nenners"} \\ = \mathbb{Q} \setminus \{5\}$$

$$\frac{2x+3}{(x-5)(x+3)}$$

$$D = \mathbb{Q} \setminus \{-3; 5\}$$

$$\frac{(2x+3) \cdot x}{(x-5) \cdot x} = \frac{2x^2 + 3x}{x^2 - 5x} \quad D = \mathbb{Q} \setminus \{5; 0\}$$

$$\begin{aligned} 24 &= 2 \cdot 12 \\ 51 &= 3 \cdot 17 \\ 3x &= 3 \cdot x \\ 5x^2 &= 5 \cdot x \cdot x \\ 5(x-3) &= 5 \cdot (x-3) \\ x(x-3) & \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{2}{3} + \frac{5}{3} &= 2 \cdot \frac{1}{3} + 5 \cdot \frac{1}{3} \\ &= (2+5) \cdot \frac{1}{3} = \frac{2+5}{3} \end{aligned}$$

Bestimmen des Hauptnenners

Der HN muss ein Vielfaches aller einzelnen Nenner sein.

$$1. \text{ Nenner: } 12a = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot a \quad \forall (a-1)$$

$$2. \text{ Nenner: } 2a-2 = 2 \cdot (a-1) \quad \forall 2 \cdot 3 \cdot a$$

$$\text{HN: } 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot a \cdot (a-1)$$

$$p^2 = p \cdot p \quad \forall q^2$$

$$q^2 = q \cdot q \quad \forall p^2$$

$$pq = p \cdot q \quad \forall pq$$

$$\text{HN} = \underline{p \cdot p} \cdot \underline{q \cdot q}$$

$$3y^2 = 3 \cdot y \cdot y \quad \forall 2 \cdot 5 \cdot x$$

$$10xy = 2 \cdot 5 \cdot x \cdot y \quad \forall 3y$$

$$\begin{aligned} \text{HN} &= 2 \cdot 5 \cdot x \cdot y \cdot 3 \cdot y \\ &= 2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot x \cdot y \cdot y \end{aligned}$$

$$\frac{3a-4b}{2a-7b} + \frac{b}{14b-4a} =$$

$$= \frac{(3a-4b) \cdot (-2)}{(2a-7b) \cdot (-2)} + \frac{b}{14b-4a} =$$

$$= \frac{-6a+8b + b}{(2a-7b) \cdot (-2)}$$

$$= \frac{9b-6a}{(2a-7b) \cdot (-2)} = \frac{3(3b-2a)}{(-2)(2a-7b)} = \frac{9b-6a}{14b-4a}$$

$$2a-7b = 2a-7b \quad \neq (-2)$$

$$14b-4a = 2(7b-2a) \\ = -2(2a-7b)$$

$$HN = (-1) \cdot 2 \cdot (2a-7b)$$